

# Øvingsoppgåver absolutt vinkelmål og vinkelfart

Fyll ut tomme ruter i tabell:

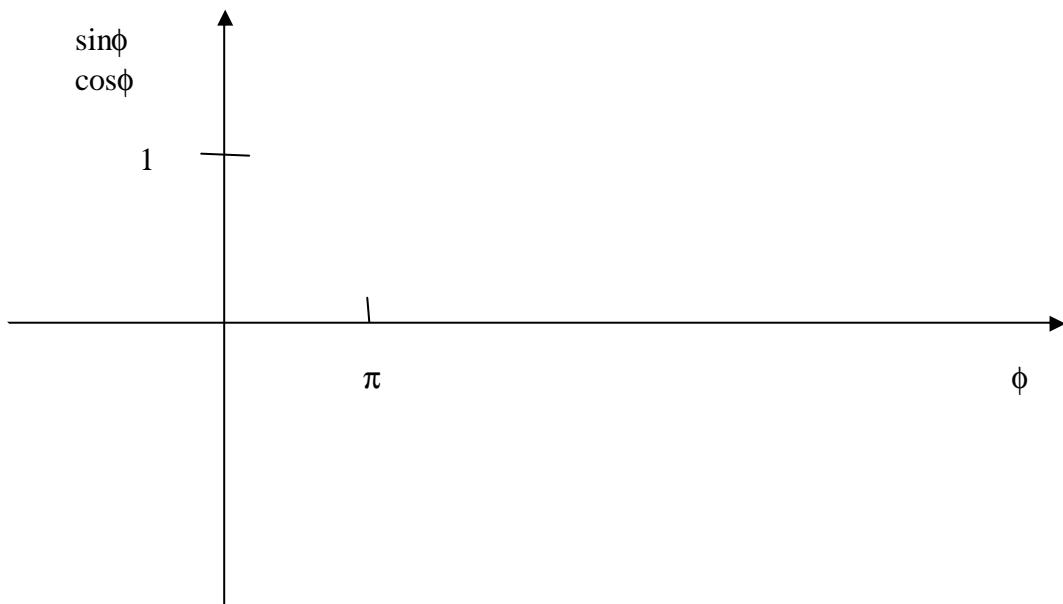
grader	270		10		-150		100		0.1
radianer		0.1		100		- $3\pi$		$\pi/8$	

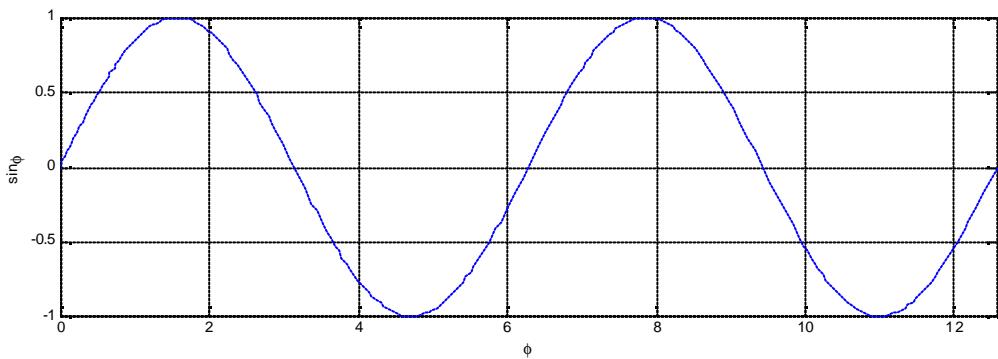
Rekn om frå RPM (rotasjonar pr. minutt) til frekvens og vinkelfart:

RPM	2	1000	0.1	50	-120	3000	1/2	1/5	2/3
f/Hz									
$\omega$ /rad/s									

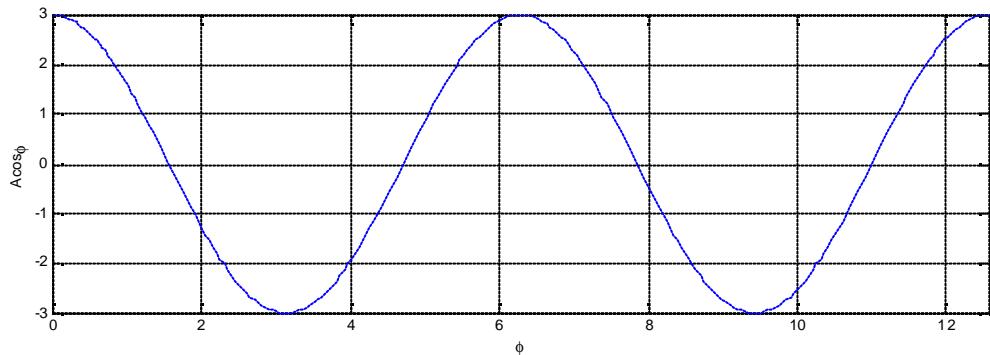
Fyll ut tabellane og teikn graf av  $\sin\phi$  og  $\cos\phi$ :

$\phi$	$-\pi/2$	0	$\pi/6$	$\pi/3$	$\pi/2$	$\pi$	$3\pi/2$	$2\pi$	$5\pi/2$	$3\pi$	$7\pi/2$	$4\pi$	$9\pi/2$	$5\pi$
$\sin\phi$														
$\cos\phi$														

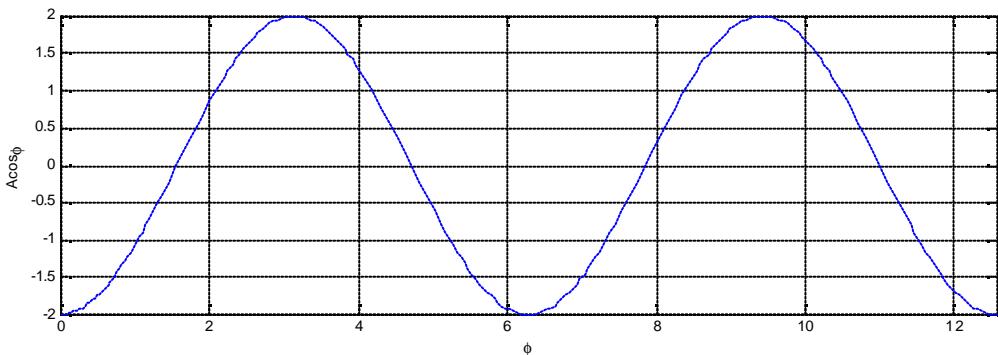




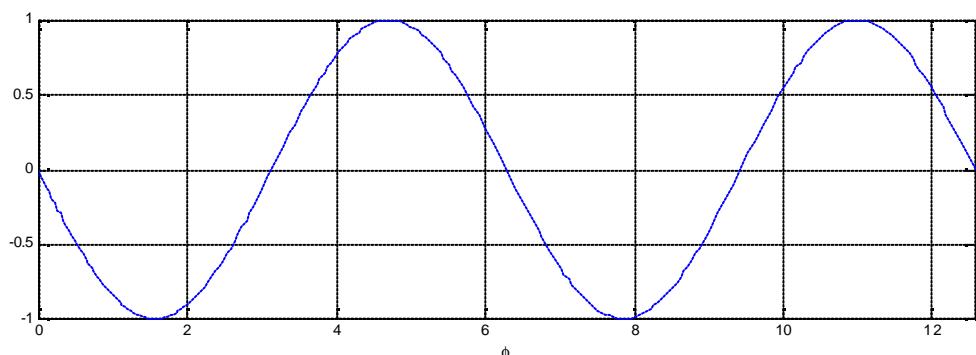
Figuren viser 100 Hz svinging. Skriv på tidsskala. Skriv eit uttrykk for  $y(t)$  dvs. utslag som funksjon av tida. Skriv eit uttrykk for  $y'(t)$  og teikn  $y'(t)$  inn i samme koordinatsystem. Du må bruke ein annan skala langs y-aksen for  $y'(t)$ .



Figuren viser 50 Hz svinging. Skriv på tidsskala. Skriv eit uttrykk for  $y(t)$  dvs. utslag som funksjon av tida. Skriv eit uttrykk for  $y'(t)$  og teikn  $y'(t)$  inn i samme koordinatsystem. Du må bruke ein annan skala langs y-aksen for  $y'(t)$ .



Figuren viser 1 Hz svinging. Skriv på tidsskala. Skriv eit uttrykk for  $y(t)$  dvs. utslag som funksjon av tida. Skriv eit uttrykk for  $y'(t)$  og teikn  $y'(t)$  inn i samme koordinatsystem. Du må bruke ein annan skala langs y-aksen for  $y'(t)$ .



Figuren viser 1 Hz svinging. Skriv på tidsskala. Skriv eit uttrykk for  $y(t)$  dvs. utslag som funksjon av tida. Skriv eit uttrykk for  $y'(t)$  og teikn  $y'(t)$  inn i samme koordinatsystem. Du må bruke ein annan skala langs y-aksen for  $y'(t)$ .

## Derivasjon av trigonometriske funksjonar.

$$\begin{array}{lll} y(x) = \sin x & y'(x) = \cos x & y''(x) = -\sin x \\ y(t) = \sin(\omega t) & y'(t) = \omega \cos(\omega t) & y''(t) = -\omega^2 \sin(\omega t) \end{array}$$

$$\begin{array}{lll} y(x) = \cos x & y'(x) = -\sin x & y''(x) = -\cos x \\ y(t) = \cos(\omega t) & y'(t) = -\omega \sin(\omega t) & y''(t) = -\omega^2 \cos(\omega t) \end{array}$$

## Posisjon, fart og akselerasjon

$$\text{Posisjon } x(t) \quad \text{Fart } v(t) = x'(t) \quad \text{Akselerasjon } a(t) = v'(t) = x''(t)$$

Eksempel: Ved konstant akselerasjon er

$$x(t) = v_0 t + 0.5 a t^2 \quad v(t) = x'(t) = v_0 + a t \quad a(t) = v'(t) = a$$

Eksempel: Pendel som svingar:

$$x(t) = \cos(\omega t) \quad v(t) = x'(t) = -\omega \sin(\omega t) \quad a(t) = v'(t) = -\omega^2 \cos(\omega t)$$

## Oppgåver

1. Deriver desse funksjonane:
  - a.  $y(t) = \sin(2t)$
  - b.  $x(t) = \cos(3t)$
  - c.  $s(t) = -2\sin(0.1t)$
  - d.  $v(t) = -0.2\cos(0.1t)$
2. Teikn graf av funksjonen  $y(t) = \sin(20t)$
3. Finn den deriverte  $y'(t)$  og teikn graf av den
4. Finn den dobbelderiverte  $y''(t)$  og teikn graf av den
5. Ein pendel svingar med utslag (posisjon)  $x(t) = \cos(3.14 t)$  m. Finn eit uttrykk for farten  $v(t)$  og for akselerasjonen  $a(t)$ .
6. Finn største fart og største akselerasjon for pendelen.
7. Fyll ut tabellen nedanfor:

Tid / s	0	0.5	1	1.5	2	2.5
Posisjon/m						
Fart/m/s						
Akselerasjon/m/s <sup>2</sup>						